

ИЗМЕРЕНИЕ ФИЗИЧЕСКИХ ВЕЛИЧИН

Измерение – процесс определения количественного значения физической величины опытным путём с помощью специальных технических средств (приборов) и, выражении этого значения в принятых единицах.

Измерение – сравнение с эталоном.

Результатом измерения является некоторое число, которое показывает, во сколько раз измеренная физическая величина больше или меньше другой величины, принятой за единицу.

Для осуществления измерения требуется наличие измерительной меры и измерительного прибора.

Измерительная мера – вещественное воспроизведение единицы измеряемой физической величины с определённой наперёд заданной точностью. Примерами являются наборы гирь, магазины сопротивлений, магазины ёмкостей и др.

Измерительный прибор – средство измерений, предназначенное для выдачи количественной информации об измеряемой величине в доступной для восприятия форме, например, измерительная линейка, рулетка, амперметр, вольтметр и др.

Международная система единиц (СИ)

<i>Величина</i>	<i>Единица</i>	
<i>Наименование</i>	<i>Размерность</i>	<i>Наименование</i>
Длина	L	метр
Масса	M	килограмм
Время	T	секунда

Для любой физической величины существует лишь одна главная единица и набор дольных и кратных единиц, образуемых стандартным образом с помощью десятичных [приставок](#).

Виды измерений

Прямое измерение — измерение, при котором искомое значение физической величины получают непосредственно.

Косвенное измерение — определение искомого значения физической величины на основании результатов прямых измерений других физических величин, функционально связанных с искомой величиной.

Истинное значение физической величины – значение, которое идеальным образом характеризует в количественном и качественном отношении соответствующую физическую величину. Как правило, истинное значение неизвестно.

Измеренное значение физической величины – значение, полученное при измерении с применением конкретных методов и средств измерений.

Действительное значение физической величины – значение, приближенное к истинному значению настолько, что в поставленной измерительной задаче может быть использовано вместо истинного значения. Определяется экспериментально и соответствует истинному значению величины с известной погрешностью и доверительной вероятностью.

Погрешность измерения — оценка отклонения измеренного значения величины от её истинного значения. Погрешность измерения является характеристикой (мерой) точности измерения.

Оценка погрешностей измерения является одной из основных задач при обработке результатов любого эксперимента.

Классификация погрешностей

По форме представления:

абсолютная погрешность

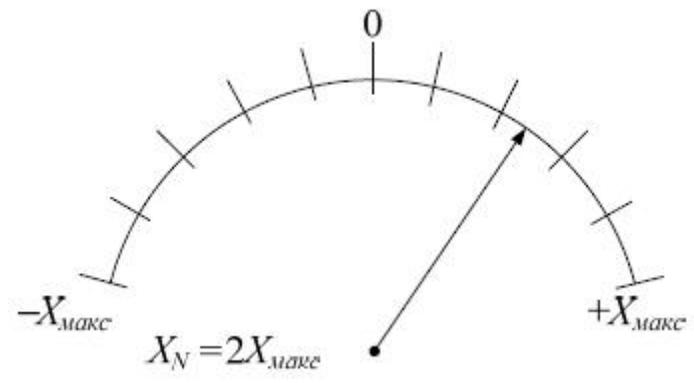
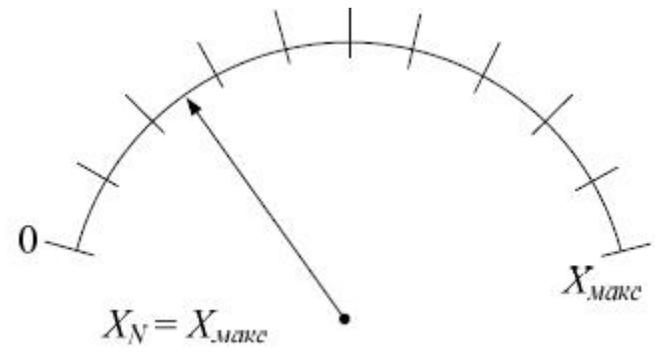
$$\Delta = x - x_0$$

относительная погрешность

$$\delta = \frac{\Delta}{x_0} \cdot 100\%$$

приведённая погрешность

$$\gamma_{np} = \frac{\Delta}{x_N} \cdot 100\%$$



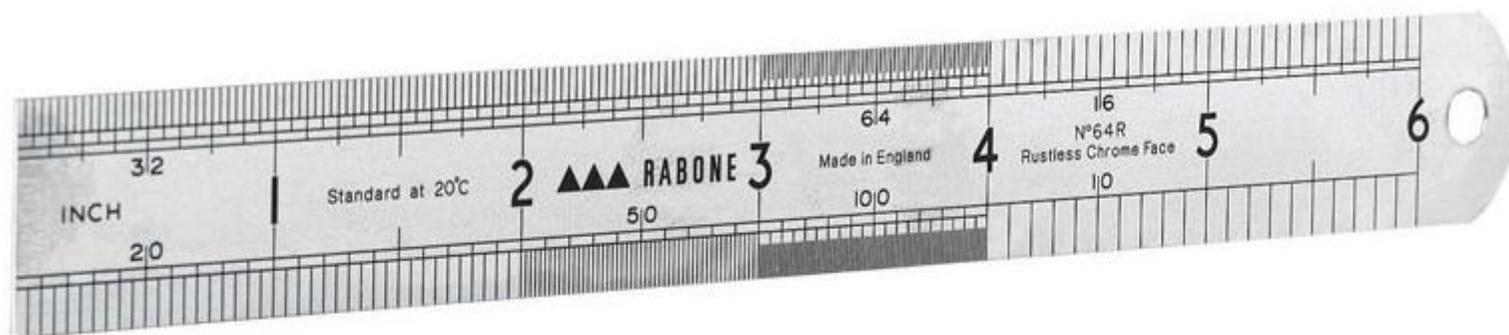
Классификация погрешностей

По характеру проявления:

Грубая погрешность (промах) — погрешность, возникшая вследствие недосмотра экспериментатора или неисправности аппаратуры (например, если экспериментатор неправильно прочёл номер деления на шкале прибора или если произошло замыкание в электрической цепи).

Систематические погрешности — погрешности, остающиеся неизменными (как по величине, так и по знаку) или закономерно изменяющиеся (по известному закону) при повторных измерениях одной и той же величины. Они могут быть связаны с ошибками приборов (инструментальные погрешности) и с самой постановкой опыта (методические погрешности).

Случайные погрешности — погрешности, изменяющиеся случайным, непредсказуемым образом (по величине и по знаку) при многократных измерениях одной и той же величины.



INCH

32

20

Standard at 20°C

2



RABONE

3

50

Made in England

64

100

4

Rustless Chrome Face

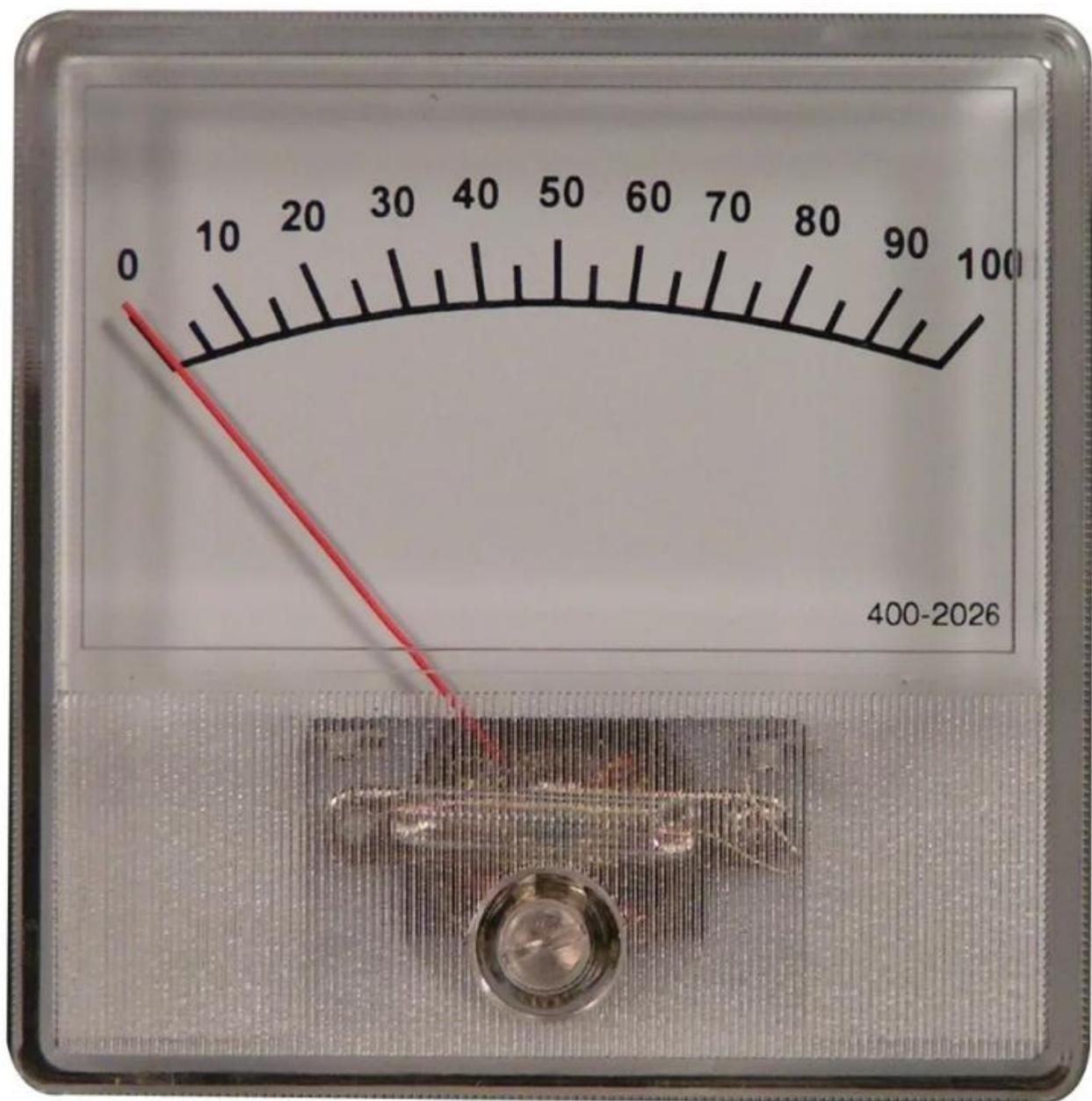
N°64R

10

5

6



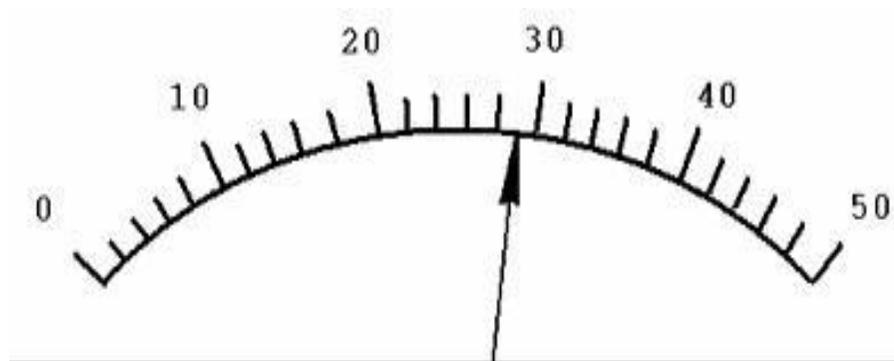


400-2026



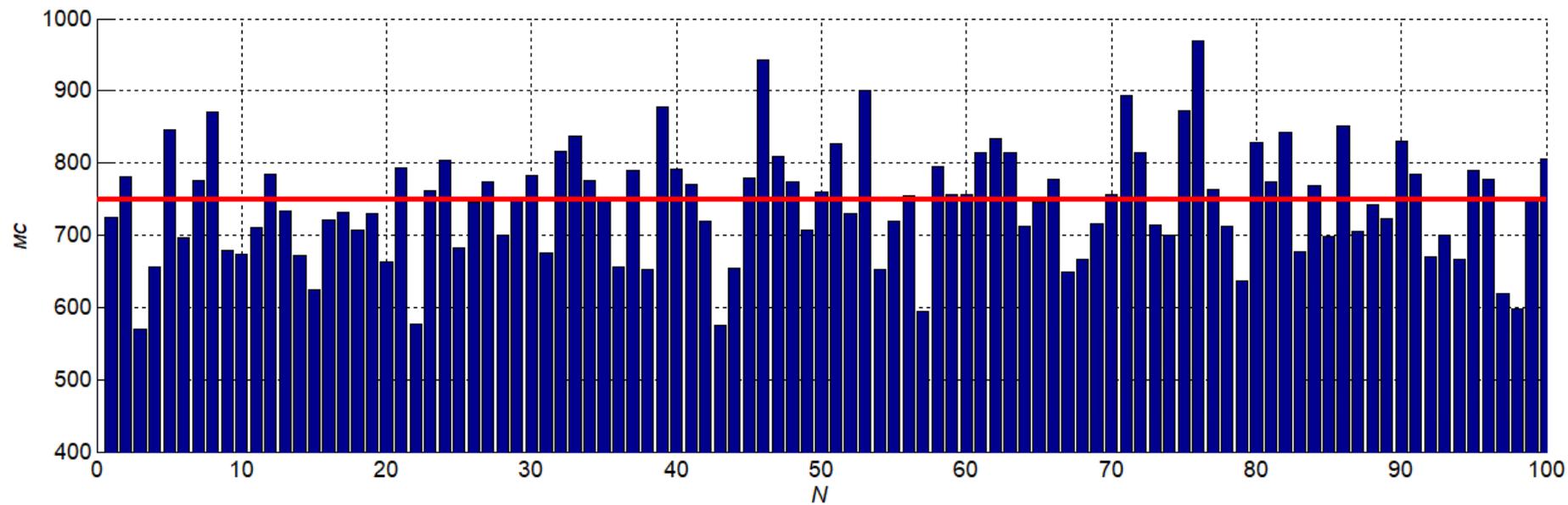


Инструментальная погрешность простого стрелочного прибора равняется половине минимальной цене деления.



Если прибор имеет дискретную индикацию, то инструментальная погрешность равняется минимальной цене деления.

Пульс человека



T, мс	
макс	970
мин	572
среднее	750

Теория вероятности

Закономерности поведения случайных величин, изучает теория вероятностей.

Вероятность – отношение числа испытаний, удовлетворяющих какому-либо условию, к общему числу испытаний. Максимальное значение вероятности равно единице (все испытания удовлетворяют заданному условию).

При описании случайных погрешностей используются следующие предположения:

1. Погрешности могут принимать непрерывный ряд значений.
2. Большие отклонения измеренных значений от истинного значения измеряемой величины встречаются реже (менее вероятны), чем малые.
3. Отклонения в обе стороны от истинного значения равновероятны.

Случайные погрешности

Случайные погрешности подчиняются распределению Гаусса.

$$p(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} \quad \text{плотность вероятности}$$

Существует наиболее вероятное (модальное) значение μ .

Гауссово распределение симметрично относительно μ .

Чем больше отклонение x от μ , тем реже оно встречается.

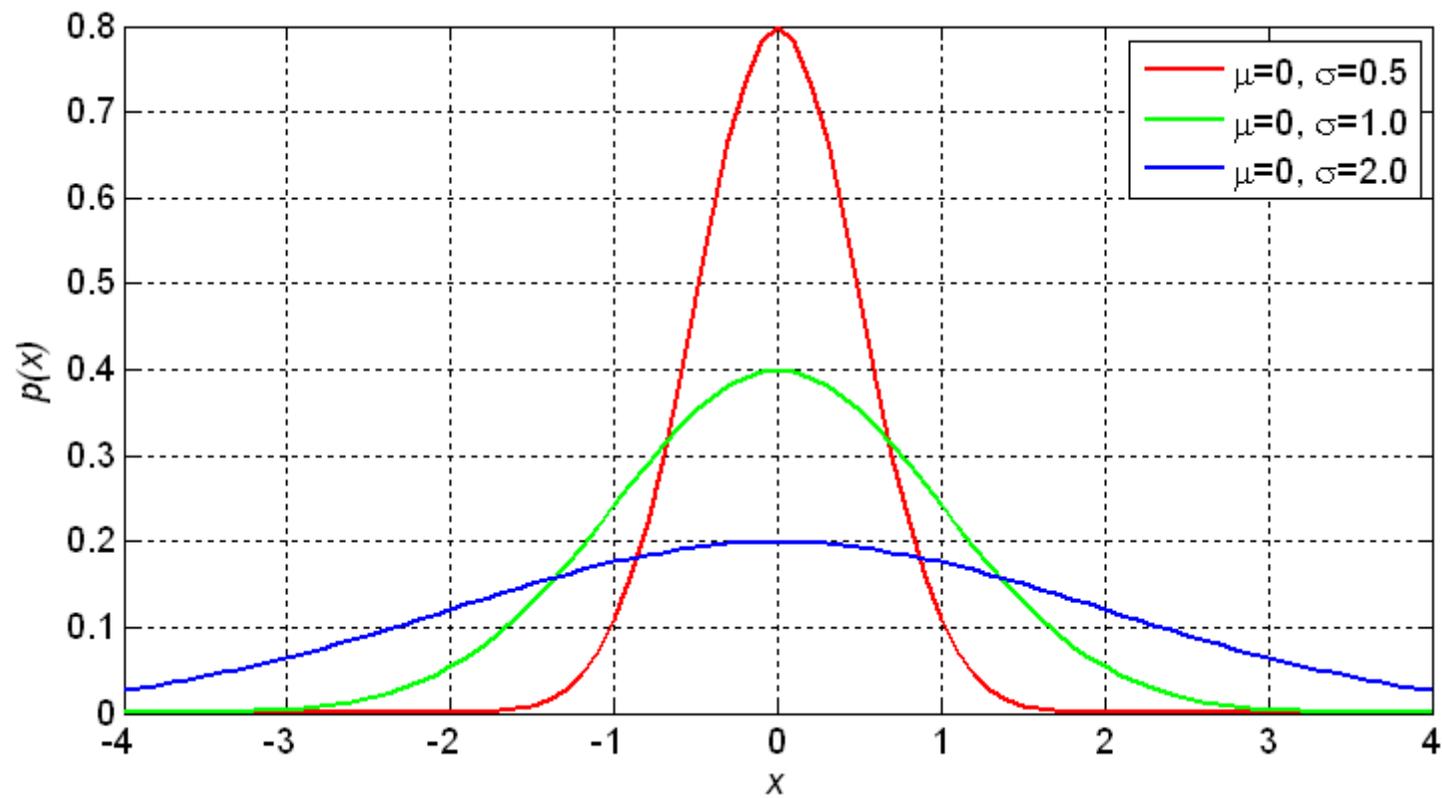
σ – стандартное или среднеквадратичное отклонение (СКО).

Нормальное распределение



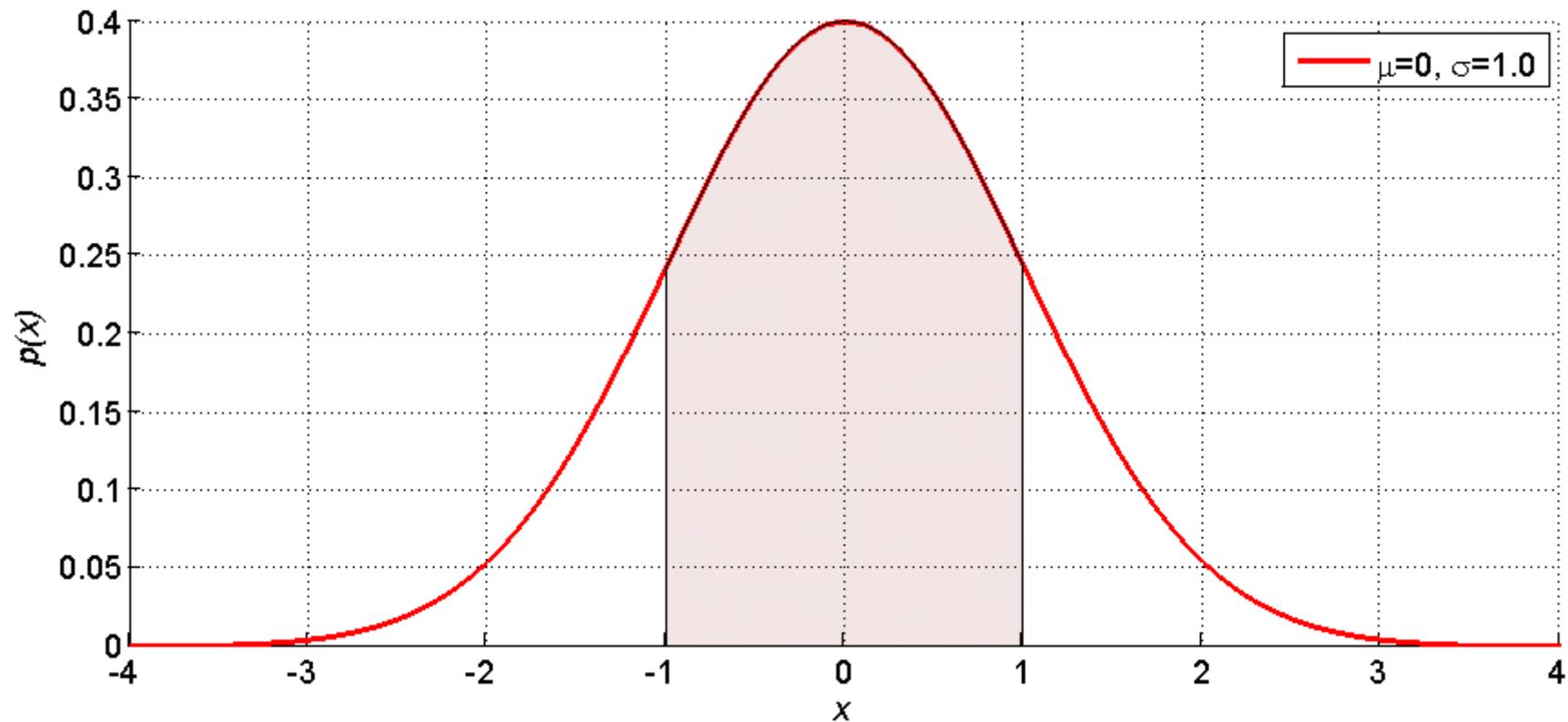
$$p(x)dx$$

- вероятность того, что результат измерения лежит в интервале $x+dx$.



Мерой отклонениях от среднего является σ – стандартное отклонение.

В интервал $(\mu - \sigma, \mu + \sigma)$ попадает примерно 68% всех результатов измерений.



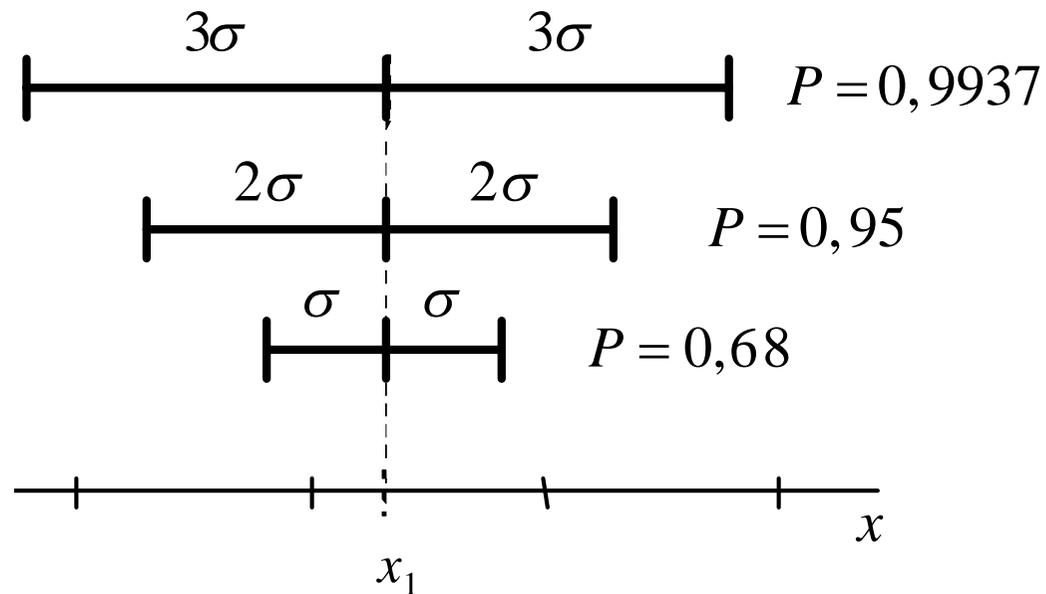
$$x_{уст} \equiv \mu = x_1 \pm \sigma ; P = 0,68$$

$$x_{ucm} \equiv \mu = x_1 \pm \sigma; P = 0,68$$

$$x_{ucm} \equiv \mu = x_1 \pm 2\sigma; P \approx 0,95$$

$$x_{ucm} \equiv \mu = x_1 \pm 3\sigma; P \approx 0,9973$$

$$[x_{ucm} - t\sigma, x_{ucm} + t\sigma]$$



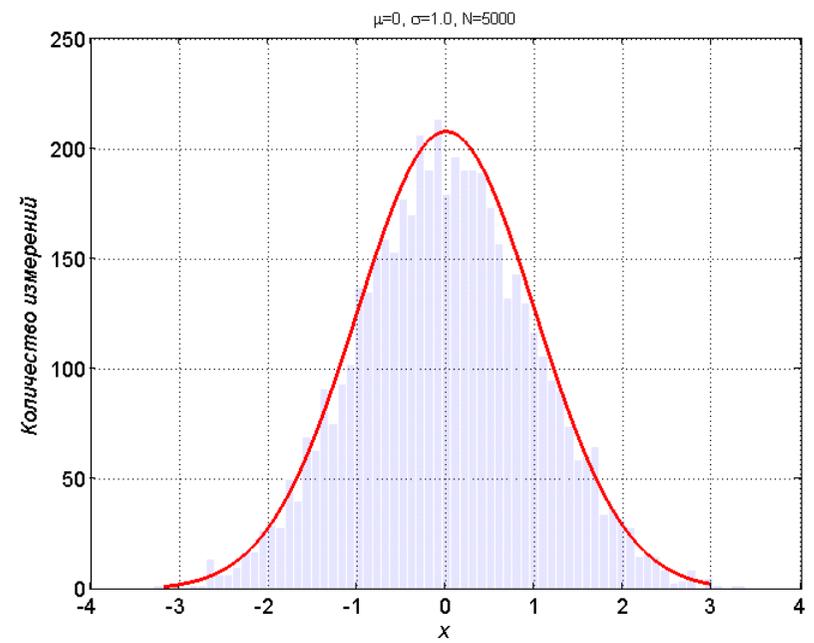
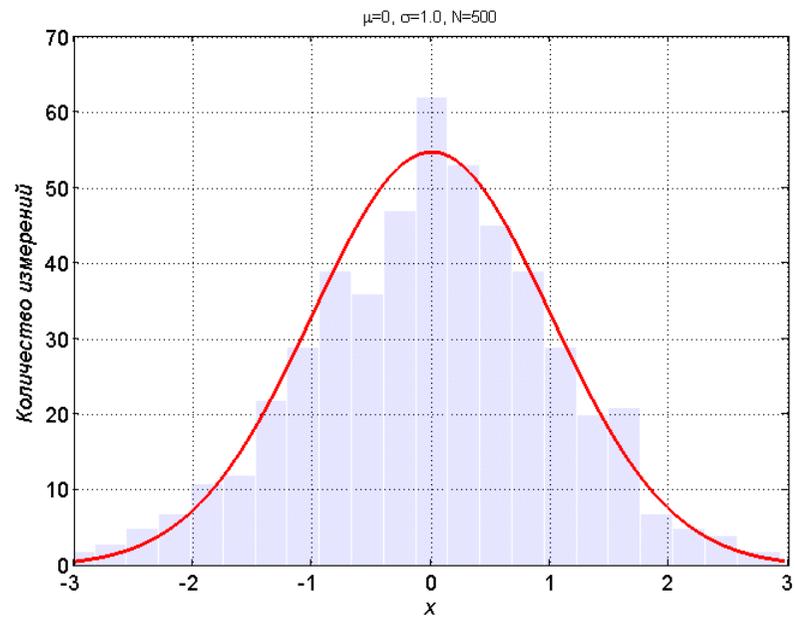
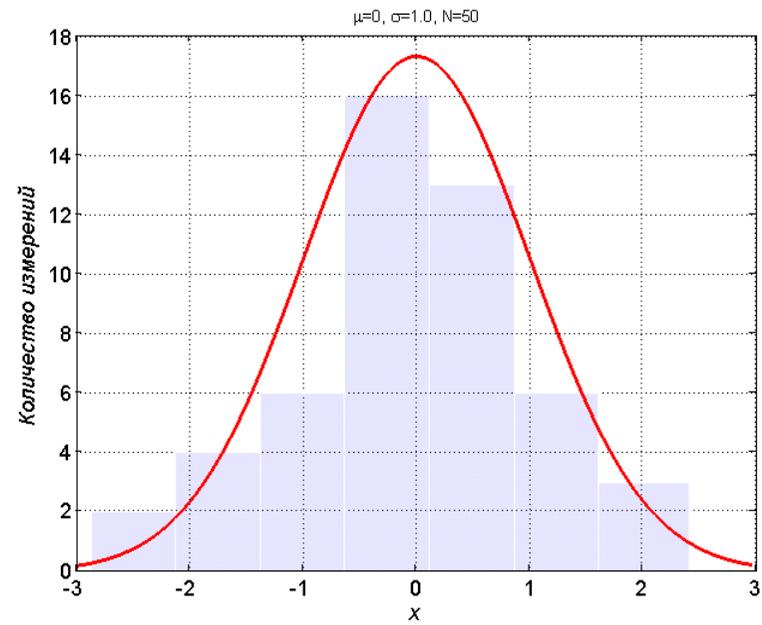
Гистограмма

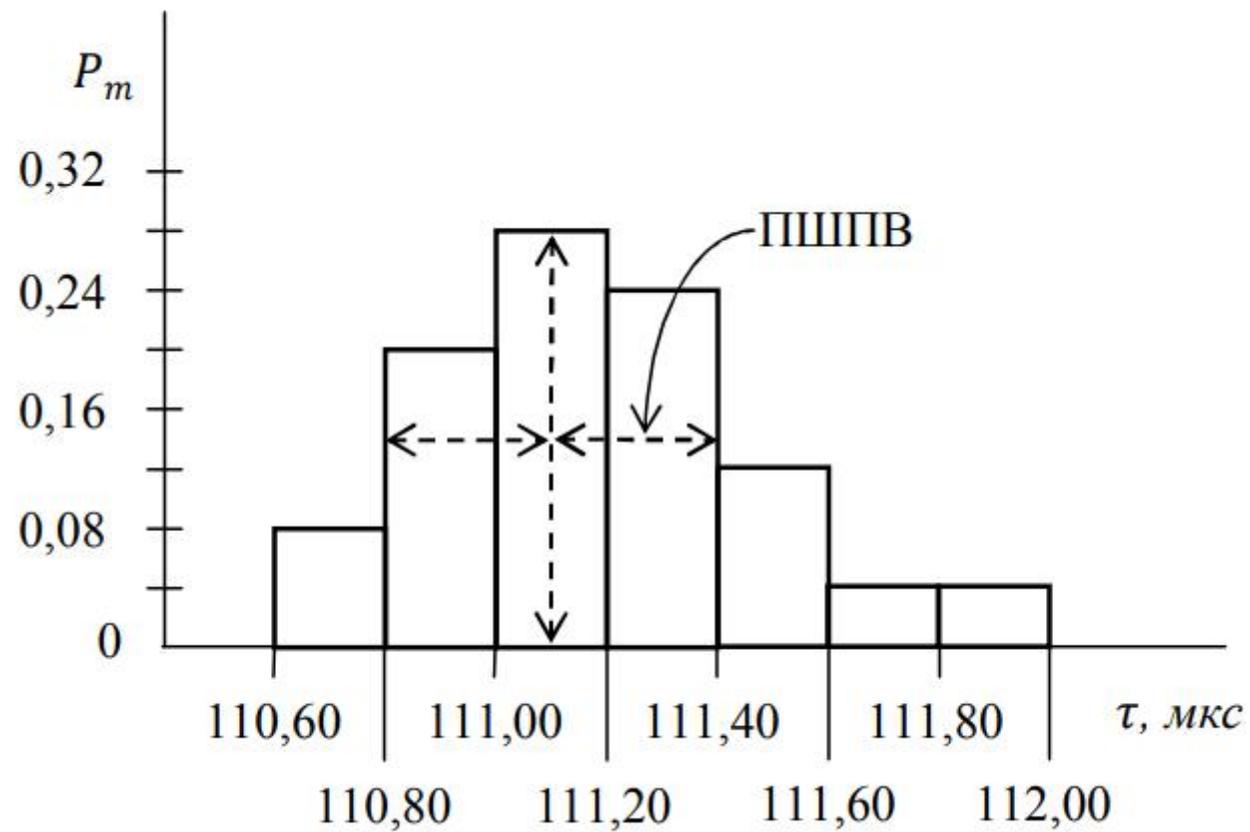
Гистограмма – графический способ представления распределения большого числа данных

$$b = \frac{(\tau_{\max} - \tau_{\min})}{k} \quad k \approx \sqrt{N}$$

$$P_1 + \dots + P_7 = \frac{N_1}{N} + \dots + \frac{N_7}{N} = \frac{N_1 + \dots + N_7}{N} = 1$$

$$p = \frac{N_m}{Nb} \quad \lim_{\substack{N \rightarrow \infty \\ b \rightarrow 0}} \frac{N_m/N}{b} = p(x) = \frac{p(x)dx}{dx}$$





ПШПВ - полуширина на полувисоте.

Прямые многократные измерения

$$\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i$$

выборочное среднее

$$s = \sqrt{\frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2}$$

выборочное СКО

$$\Delta = \frac{t(P, N) \cdot s}{\sqrt{N}}$$

доверительный интервал

P – доверительная вероятность

$$x_{\text{ист}} = \bar{x} \pm \Delta; \quad P = \dots$$

Таблица коэффициентов Стьюдента

Таблица 4

N	P				
	0,68	0,9	0,95	0,99	0,997
	t(P,N)				
2	1,84	6,3	12,7	63,6	212,3
3	1,32	2,9	4,3	9,9	182
4	1,20	2,4	3,2	5,8	9,0
5	1,14	2,1	2,8	4,6	6,4
6	1,11	2,0	2,6	4,0	5,4
7	1,09	1,9	2,4	3,7	4,8
8	1,08	1,9	2,4	3,5	4,4
9	1,07	1,9	2,3	3,4	4,2
10	1,06	1,8	2,3	3,2	4,0
15	1,04	1,8	2,1	3,0	3,6
20	1,03	1,7	2,1	2,9	3,4
30	1,02	1,7	2,0	2,8	3,2
50	1,01	1,7	2,0	2,7	3,1

Задание к вводному занятию

1. Измерить время соударения шаров пятьдесят раз.
2. Построить гистограмму результатов измерений.
3. Графически оценить полуширину на полувысоте (ПШПВ) гистограммы.
4. Рассчитать выборочное среднее и СКО.
5. Найти отношение ПШПВ и СКО
6. Сделать вывод, подтверждается или нет нормальное распределение результатов измерений.
7. Рассчитать доверительный интервал для математического ожидания.
8. Изобразить на гистограмме полученный доверительный интервал.
9. Для любых трёх и десяти результатов измерений повторить пункты задания 7 и 8.

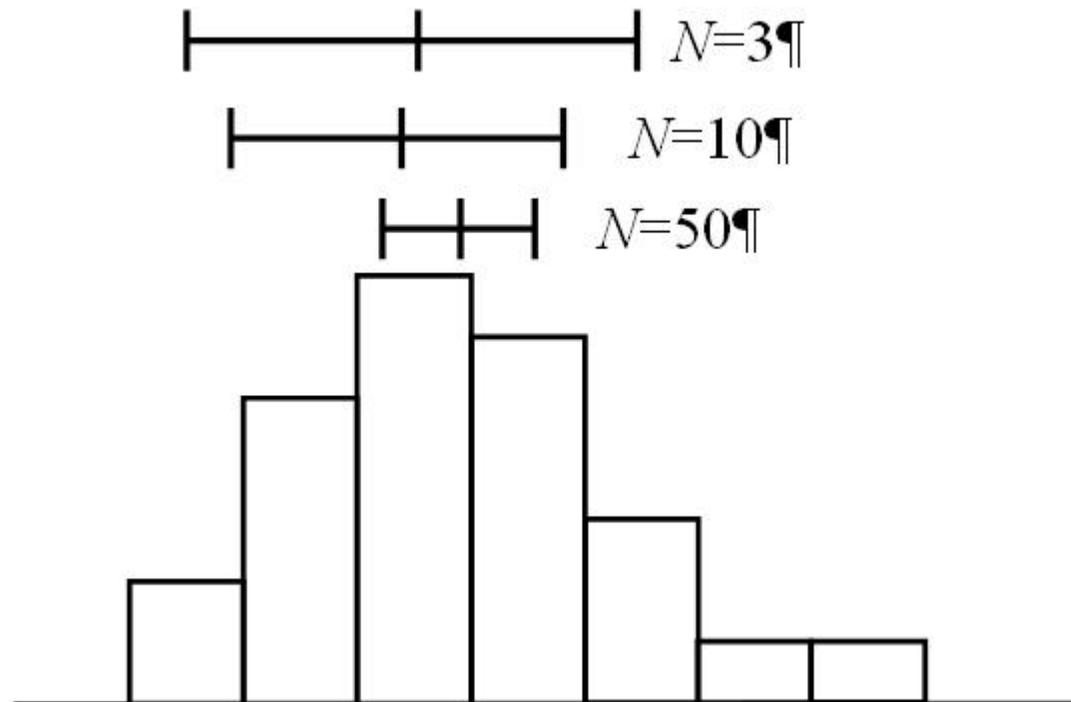


Таблица измерений

N	τ , мкс	k	$\bar{\tau}$, мкс	$(\bar{\tau} - \tau)^2$, мкс ²	S , мкс
1					
2					
3					
4					
5					
6					
7					
8					
9					
10					
11					
12					
13					
...					
50					

Таблица для построения гистограммы

<i>Номер интервала</i>	<i>Границы интервала</i>		<i>Число измерений</i>	<i>Относительная доля</i>
	<i>τ_L, мкс</i>	<i>τ_R, мкс</i>		
1				
2				
3				
4				
5				
6				
7				

С целью сохранения точности рекомендуется в промежуточных результатах оставлять на 1–2 значащих цифры больше, чем в первичных данных. Значащими цифрами являются все цифры, кроме нулей впереди целой части числа. ¶

Числовой результат следует представлять в стандартном виде $a = a_0 \cdot 10^n$, где целое число n - порядок числа a , а основа числа a_0 находится в промежутке $[1, 10[$, например, $e = 1,6021 \cdot 10^{19}$ Кл; $c = 2,9979 \cdot 10^8$ мс⁻¹.

Правила округления рассчитанного значения погрешности и полученного экспериментального результата измерения.

1. Погрешность результата измерения указывается двумя значащими цифрами, если первая из них равна 1 или 2, и одной, — если первая есть 3 и более.
2. Значение центра доверительного интервала округляется до того же десятичного разряда, которым оканчивается округленное значение абсолютной погрешности.
3. Округление производится лишь в окончательном ответе, а все предварительные вычисления проводят с одним-двумя лишними знаками.

$$x=62.71 \text{ с}, \Delta=4.5 \text{ с}$$

$$x = (63 \pm 5) \text{ с}$$

$$L = (6,495 \pm 0,017) \cdot 10^{-2} \text{ M.}$$